

Concursul Interjudețean de Matematică „Cristian S. Calude”  
ediția a XVI-a  
Galați, 31 octombrie 2015

Clasa a VIII -a

**BAREM DE CORECTARE ȘI NOTARE**

**Problema 1**

- a) Obținerea  $14 - 4 \cdot x - 2 \cdot y \geq 0, \forall x, y \in \mathbb{R}$ . ..... 1 punct  
 $\left| (3 \cdot x - 2 \cdot y)^2 - 4 \cdot x - 2 \cdot y + 14 \right| = (3 \cdot x - 2 \cdot y)^2 - 4 \cdot x - 2 \cdot y + 14$  ..... 1 punct  
 $3 \cdot x - 2 \cdot y = 0$  și  $7 - 2 \cdot x - y = 0$  ..... 1 punct  
Finalizare ..... 1 punct  
b) Analiza cazurilor  $y = 0$  și  $y = 1$  ..... 1 punct  
Justificarea faptului că ecuația nu are soluții pentru  $y \geq 2$  ..... 2 puncte

**Problema 2**

- a)  $\sphericalangle PDC \equiv \sphericalangle QBA$  ..... 1 punct  
 $\sphericalangle AEQ \equiv \sphericalangle CFP$  ..... 2 puncte  
Finalizare ..... 1 punct  
b)  $m(\sphericalangle ANO_2) = \alpha + m(\sphericalangle ADC) - 90^\circ, \alpha = m(\sphericalangle PDC)$  ..... 1 punct  
 $m(\sphericalangle QMO_1) = 180^\circ - (\alpha + m(\sphericalangle ABC))$  ..... 1 punct  
 $m(\sphericalangle O_1KO_2) = const.$  ..... 1 punct

**Problema 3**

- Justificarea faptului că  $A$  este mulțime finită ..... 2 puncte  
Fie  $a = \max A$  și  $b = \min A$ . Dacă  $d = (a, b)$ , atunci  $b = d \cdot x, a = d \cdot y$ , cu  $x, y \in \mathbb{N}^*, (x, y) = 1$ .  
Justificarea faptului că  $d \in \{x, x+1\}$  ..... 1 punct  
Analiza cazului  $d = x$  ..... 2 puncte  
Analiza cazului  $d = x+1$  ..... 2 puncte