

Concursul Interjudețean de Matematică „Cristian S. Calude”, ediția a XVII-a  
Galați, 5 noiembrie 2016

*Clasa a VIII -a*

**Problema 1.**

- a) Să se demonstreze că nu există numere întregi  $m$  și  $n$  astfel încât  $m^3 + m^2 \cdot n + m \cdot n^2 + n^3 = 2015$ .  
b) Să se demonstreze că pentru orice numere naturale  $m$  și  $n$  relațiile :  
 $m^2 + n = 2015^{2016} - 1$  și  $n^2 + m = 2017^{2016} - 2$  nu sunt simultan adevărate.

**Georgeta Balacea, profesor, Galați**

**Problema 2.**

Pe laturile triunghiului ascuțitunghic  $ABC$  se construiesc spre exterior dreptunghiurile congruente  $ABB_1B_2$  și  $AC_2C_1C$ . Fie  $P$  punctul de intersecție al dreptelor  $BB_2$  și  $CC_2$  și  $S$  punctul de intersecție al dreptelor  $BC_2$  și  $CB_2$ . Demonstrați că:

- a)  $BC_2 \perp CB_2$ ;  
b) Punctele  $B_1$ ,  $S$  și  $C_1$  sunt coliniare;  
c) Semidreapta  $[PA$  este bisectoarea unghiului  $BPC$ ;  
d) Patrulaterul  $BPCA$  are două unghiuri opuse complementare.

**Maria Hahui , profesor Galați**  
**Corneliu Hahui, profesor Galați**

**Problema 3**

- a) Să se demonstreze inegalitatea:  $\frac{u}{x} + \frac{v}{y} \geq \frac{4 \cdot (u \cdot y + v \cdot x)}{(x+y)^2}$

pentru orice numere reale  $u, v, x, y > 0$ .

- b) Fie  $a, b, c, d \in \mathbb{R}_+^*$ . Să se demonstreze inegalitatea:

$$\frac{a}{b+2 \cdot c+d} + \frac{b}{c+2 \cdot d+a} + \frac{c}{d+2 \cdot a+b} + \frac{d}{a+2 \cdot b+c} \geq 1.$$

( \* \* \* )